

1 比例・反比例

次のことがらについて, x と y の関係を式に表しなさい。また, y が x に比例するものには○を, 反比例するものには△を()の中に入れて書きなさい。

- (1) 1 m の重さが 80 g の針金 x m の重さを y g とする。

$$\frac{\text{全体の重さ}}{y \text{ g}} = \frac{\text{1 m の重さ}}{80 \text{ g}} \times \frac{\text{長さ}}{x \text{ m}} \quad y = 80x \quad (\text{○})$$

- (2) 50 L 入る容器に毎分 x L ずつ水を入れるとき, いっぱいになるまでにかかる時間を y 分とする。

$$\frac{\text{かかる時間}}{y \text{ 分}} = \frac{\text{容器に入る水の量}}{50 \text{ L}} \div \frac{\text{1 分間に入れる水の量}}{x \text{ L}} \quad y = \frac{50}{x} \quad (\text{△})$$

- (3) 底辺が 6 cm, 高さが x cm の平行四辺形の面積を y cm² とする。

$$\frac{\text{平行四辺形の面積}}{y \text{ cm}^2} = \frac{\text{底辺}}{6 \text{ cm}} \times \frac{\text{高さ}}{x \text{ cm}} \quad y = 6x \quad (\text{○})$$

2 比例・反比例の式

次の問いに答えなさい。

- (1) y は x に比例し, $x=4$ のとき $y=12$ である。 x と y の関係を式に表しなさい。

$$y = ax \text{ で } x=4 \text{ のとき } y=12 \text{ だから, } 12=4a \quad a=3 \text{ よって, } y=3x$$

- (2) y は x に反比例し, $x=3$ のとき $y=-6$ である。 $x=2$ のときの y の値を求めなさい。

$$y = \frac{a}{x} \text{ で } x=3 \text{ のとき } y=-6 \text{ だから, } -6 = \frac{a}{3} \quad a = -18 \text{ よって, } y = -\frac{18}{x}$$

$$y = -\frac{18}{x} \text{ に } x=2 \text{ を代入すると, } y = -\frac{18}{2} = -9$$

3 比例・反比例のグラフ

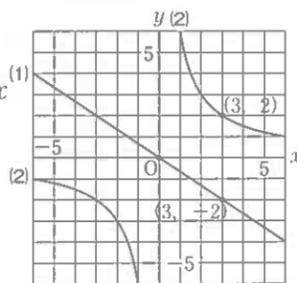
右の図の(1), (2)のグラフについて, それぞれ y を x の式で表しなさい。

- (1) グラフは直線で原点と点(3, -2)を通る $\rightarrow y = ax$

$$-2 = 3a \quad a = -\frac{2}{3} \quad (1) \quad y = -\frac{2}{3}x$$

- (2) グラフは双曲線で点(3, 2)を通る $\rightarrow y = \frac{a}{x}$

$$2 = \frac{a}{3} \quad a = 6 \quad (2) \quad y = \frac{6}{x}$$



4 図形の移動

右の図は, 合同な 8 つの台形を組み合わせたものである。次の問いに答えなさい。

- (1) 台形 AEML を平行移動すると, どの台形と重なりますか。

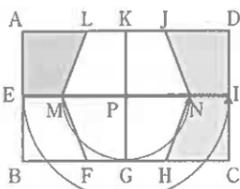
台形 PGHN

- (2) 台形 AEML を, 点 P を回転の中心として点対称移動し, さらに直線 EI を対称の軸として対称移動すると, どの台形と重なりますか。

点 P を回転の中心として矢印のように点対称移動すると, 台形 CINH に重なる。

さらに, 直線 EI を対称の軸として対称移動すると, 台形 DINJ に重なる。

台形 DINJ



ポイントチェック

- 1 「 $y = \sim$ 」の式に表し, その式の形から比例か反比例かを判断する。

$y = ax$ の形なら比例。

$y = \frac{a}{x}$ の形なら反比例。

だよ。

2

- (1) 比例の式 $y = ax$ に, $x=4$, $y=12$ を代入して, 比例定数 a の値を求める。

- (2) まず, 反比例の式 $y = \frac{a}{x}$ を求めてから, その式に $x=2$ を代入して y の値を求める。

3

- (1) 原点を通る直線
 \rightarrow 比例のグラフ
 $\rightarrow y = ax$ の形で表せる

- (2) 双曲線
 \rightarrow 反比例のグラフ
 $\rightarrow y = \frac{a}{x}$ の形で表せる

4

- 平行移動…一定の方向に, 一定の長さだけずらす移動
 回転移動…1 つの点(回転の中心)を中心として, 一定の角度だけまわす移動
 対称移動…1 つの直線(対称の軸)を折り目として, 折り返す移動

5 作図

右の図の $\triangle ABC$ で, 辺 AC の垂直二等分線と $\angle C$ の二等分線との交点 P を, 定規とコンパスを使って作図しなさい。



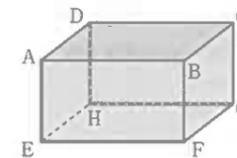
辺 AC の垂直二等分線は, 点 A, C を中心として等しい半径の円をかき, その 2 つの交点を通る直線をひく。……①

$\angle C$ の二等分線は, 点 C を中心とする円をかき, 辺 AC, BC との交点を D, E とする。点 D, E を中心として等しい半径の円をかき, その交点と点 C を通る直線をひく。……②

①と②の交点が P である。

6 直線や平面の位置関係

右の図の直方体について, 次の問いに答えなさい。



- (1) 直線 AB と平行な平面をすべて答えなさい。
 直線と平面が交わらないとき, 平行である。

面 DHGC, 面 EFGH

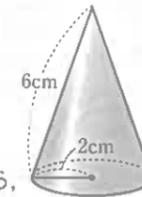
- (2) 直線 BC とねじれの位置にある直線は全部で何本ありますか。
 直線 BC と平行な直線と直線 BC と交わる直線を除く。

直線 AD, EH, FG 直線 AB, BF, DC, CG

4 本

7 円錐の表面積

右の図の円錐について, 次の問いに答えなさい。
 ただし, 円周率は π とする。



- (1) 展開図の側面になるおうぎ形の中心角の大きさを求めなさい。

側面になるおうぎ形の弧の長さは $(2\pi \times 2)$ cm だから, おうぎ形の中心角を x° とすると,

$$(2\pi \times 2) : (2\pi \times 6) = x : 360$$

$$(2\pi \times 6)x = (2\pi \times 2) \times 360$$

$$12\pi x = 1440\pi \quad x = 120$$

120°

- (2) この円錐の表面積を求めなさい。

$$\text{側面積} \cdots \pi \times 6 \times \frac{120}{360} = 12\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{底面積} \cdots \pi \times 2^2 = 4\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

よって, 表面積は, $12\pi + 4\pi = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)}$

16 π cm²

8 度数の分布, 代表値

右の表は, ある中学校の 1 年男子のハンドボール投げの記録を度数分布表に整理したものである。次の問いに答えなさい。

ハンドボール投げの記録

階級 (m)	度数 (人)
以上 未満	
8 ~ 12	3
12 ~ 16	7
16 ~ 20	6
20 ~ 24	8
24 ~ 28	11
28 ~ 32	4
32 ~ 36	1
計	40

- (1) 16 m 以上 20 m 未満の階級の相対度数を求めなさい。

16 m 以上 20 m 未満の階級の度数は 6 で, 度数の合計は 40 だから,

$$\text{相対度数} = \frac{\text{階級の度数}}{\text{度数の合計}} = \frac{6}{40} = 0.15$$

0.15

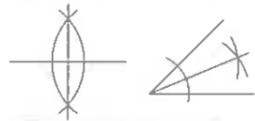
- (2) 最頻値(モード)を求めなさい。

$$\frac{24+28}{2} = 26 \text{ (m)}$$

26 m

5

線分の垂直二等分線 角の二等分線



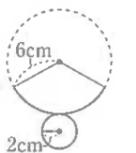
作図に使った線は, 消さずに残しておこう。

6

- (2) ねじれの位置にある直線
 \rightarrow 平行でなく, 交わらない直線

7

- (1) 底面は半径 2 cm の円で, 展開図の側面は半径 6 cm のおうぎ形である。



側面のおうぎ形の弧の長さは, 底面の円周の長さに等しいことに着目しよう。

- (2) (表面積)
 = (側面積) + (底面積)

8

- (1) 相対度数
 = 階級の度数 / 度数の合計

- (2) 最頻値(モード)
 …度数分布表では, 度数のもっとも多い階級のまん中の値。

A 基礎をおさえよう

1 単項式と多項式

次の①~④の式について, 次の問いに答えなさい。

- ① $3x$ ② $x-2y+1$
 ③ 6 ④ $4ab+5c$

① 単項式は ア , ウ です。

多項式は イ , エ です。

② ①の式の項は, $x, -2y, 1$ です。

③ ④の式は 二 次式です。

多項式の次数…各項の次数のうち, もっとも大きいもの。

2 同類項

$6x+4y-2x+5y$
 $=6x-2x+4y+5y$
 $=4x+9y$

同類項は, 文字の部分
 が同じ項のことだね。

3 式の加法, 減法

① $(2a+3b)+(3a-4b)$
 $=2a+3b+3a-4b$
 $=2a+3a+3b-4b$
 $=5a-b$

② $(2a+3b)-(3a-4b)$
 $=2a+3b-3a+4b$
 $=2a-3a+3b+4b$
 $=-a+7b$

符号に注意しよう。

① 単項式と多項式
 次の問いに答えなさい。

- (1) 次の①~④の式を単項式と多項式に分けて, 記号で答えなさい。
 ① $-3x$ ② $2a+1$ ③ $-4x+3xy+5$ ④ ab

単項式…数や文字についての乗法だけでできている式
 多項式…単項式の和の形で表された式

① 単項式 ア , イ 多項式 イ , ウ

(2) 次の多項式で, 項と, 何次式であるかをそれぞれ答えなさい。

- ① $2x+5$ ② $a^2-2ab+b$

項 $2x, 5$ 項 $a^2, -2ab, b$

$2x=2 \times x$ ← 文字が1個 $a^2=a \times a$ ← 文字が2個
 $-2ab=-2 \times a \times b$ ← 文字が2個
 b ← 文字が1個

一次式 二次式

② 同類項
 次の式の同類項をまとめて簡単にしなさい。

(1) $5x-4y-3x$
 $=5x-3x-4y$
 $=2x-4y$

(2) $2a+7b-3a-6b$
 $=2a-3a+7b-6b$
 $=(2-3)a+(7-6)b$
 $=-a+b$

(3) $9x-y+5x+7$
 $=9x+5x-y+7$
 $=(9+5)x-y+7$
 $=14x-y+7$

(4) $-x^2+4x+8x^2-2x$
 $=-x^2+8x^2+4x-2x$
 $=(8-1)x^2+(4-2)x$
 $=7x^2+2x$

x^2 と x は次数が異なるので, 同類項ではないよ。

③ 式の加法, 減法
 次の計算をしなさい。

(1) $(3a-b)+(a-2b)$
 $=3a-b+a-2b$
 $=3a+a-b-2b$
 $=4a-3b$

(2) $(5x+4y)+(3x-7y)$
 $=5x+4y+3x-7y$
 $=5x+3x+4y-7y$
 $=8x-3y$

(3) $(x+2y)-(6x-2y)$
 $=x+2y-6x+2y$
 $=x-6x+2y+2y$
 $=-5x+4y$

(4) $(2a-3b)-(4a+5b)$
 $=2a-3b-4a-5b$
 $=2a-4a-3b-5b$
 $=-2a-8b$

① 単項式と多項式
 次の①~④の式を単項式と多項式に分けて, 記号で答えなさい。

- ① 7 ② $-2x^2-3xy$
 $=-2x^2+(-3xy)$

③ $x-y=x+(-y)$ ④ $m^2+5m-4n$
 $=m^2+5m+(-4n)$

⑤ $4ab^2$
 数と文字の乗法だけでつくられた式

⑥ $4ab^2$
 数と文字の乗法だけでつくられた式

⑦ $x-y=x+(-y)$ ⑧ $m^2+5m-4n$
 $=m^2+5m+(-4n)$

⑨ $4ab^2$
 数と文字の乗法だけでつくられた式

⑩ 同類項
 次の式の同類項をまとめて簡単にしなさい。

(1) $6xy+2x+8x-6xy$
 $=6xy-6xy+2x+8x$
 $=(6-6)xy+(2+8)x$
 $=10x$

(2) $3a^2b+2ab-5a^2b-4ab$
 $=3a^2b-5a^2b+2ab-4ab$
 $=(3-5)a^2b+(2-4)ab$
 $=-2a^2b-2ab$

(3) $-3a+b-8-3a-7b+4$
 $=-3a-3a+b-7b-8+4$
 $=(6-3)a+(1-7)b-8+4$
 $=-6a-6b-4$

(4) $-0.7xy+1.3y-y+2.8xy$
 $=-0.7xy+2.8xy+1.3y-y$
 $=(2.8-0.7)xy+(1.3-1)y$
 $=2.1xy+0.3y$

(5) $\frac{1}{4}x+3y-\frac{1}{2}x-\frac{2}{3}y$
 $=\frac{1}{4}x-\frac{1}{2}x+3y-\frac{2}{3}y$
 $=(\frac{1}{4}-\frac{2}{4})x+(\frac{9}{3}-\frac{2}{3})y$
 $=-\frac{1}{4}x+\frac{7}{3}y$

③ 式の加法, 減法
 次の計算をしなさい。

(1) $(2a^2+4a-9)+(3a^2-8a+4)$
 $=2a^2+4a-9+3a^2-8a+4$
 $=2a^2+3a^2+4a-8a-9+4$
 $=(2+3)a^2+(4-8)a-9+4$
 $=5a^2-4a-5$

(2) $(-x+7y-5)-(x-3y+1)$
 $=-x+7y-5-x+3y-1$
 $=-x-x+7y+3y-5-1$
 $=-2x+10y-6$

よくあるまちがい
 $-x+7y-5-x \times 3y \times 1$

かっこをはずすときは, 符号に注意しよう。

④ 式の加法, 減法
 次の2つの式の和を求めなさい。また, 左の式から右の式をひいたときの差を求めなさい。

(和) $(7x-2y)+(5x-6y)$
 $=7x-2y+5x-6y$
 $=7x+5x-2y-6y$
 $=12x-8y$

(差) $(7x-2y)-(5x-6y)$
 $=7x-2y-5x+6y$
 $=7x-5x-2y+6y$
 $=2x+4y$

和や差を求めるときは, 式にかっこをつけてから「+」や「-」でつなぐよ。

⑤ 式の加法, 減法
 次の計算をしなさい。

(1) $8a-3b+9a+5b$
 $=17a+2b$

(2) $4x-2y+6-(-5x-y+1)$
 $=4x-2y+6+5x+y-1$
 $=9x-y+5$

(1) $3a+7b-5a-4b$
 $=-2a+3b$

(2) $2x^2-6x-8x-x^2$
 $=x^2-14x$

A 基礎をおさえよう

1 数×多項式、多項式÷数

① $4(2x+y) = 4 \times 2x + 4 \times y = 8x + 4y$

② $(15a-6b) \div 3 = \frac{15a}{3} - \frac{6b}{3} = 5a-2b$

2 カッコがある式、分数の形の式の計算

① $2(x+y) - 3(x-y) = 2x+2y-3x+3y = -x+5y$

② $\frac{1}{2}(x+3y) + \frac{1}{4}(5x-y) = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}y + \frac{5}{4}x - \frac{1}{4}y = \frac{7}{4}x + \frac{5}{4}y$

③ $\frac{2x-y}{3} - \frac{x+5y}{4} = \frac{4(2x-y) - 3(x+5y)}{12} = \frac{8x-4y-3x-15y}{12} = \frac{5x-19y}{12}$

3 式の値

● $x = -\frac{1}{3}, y = 2$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$(6x-y) + (-3x+5y) = 6x-y-3x+5y = 3x+4y = 3 \times (-\frac{1}{3}) + 4 \times 2 = -1+8 = 7$

1 数×多項式、多項式÷数

(1) $3(x+3y) = 3 \times x + 3 \times 3y = 3x+9y$

(2) $-4(3a+2b) = (-4) \times 3a + (-4) \times 2b = -12a-8b$

(3) $(6x+4y) \div 2 = \frac{6x}{2} + \frac{4y}{2} = 3x+2y$

(4) $(10a-20b) \div (-5) = \frac{10a}{-5} - \frac{20b}{-5} = -2a+4b$

2 カッコがある式、分数の形の式の計算

(1) $4(x+y) + 6(x-y) = 4x+4y+6x-6y = 10x-2y$

(2) $2(3x-y) + 3(x+2y) = 6x-2y+3x+6y = 9x+4y$

(3) $3(a+b) - 2(a-b) = 3a+3b-2a+2b = a+5b$

(4) $6(x-2y) - 3(2x+y) = 6x-12y-6x-3y = -15y$

(5) $\frac{1}{3}(x+4y) + \frac{1}{6}(5x-y) = \frac{2(x+4y) + 5x-y}{6} = \frac{7x+7y}{6}$

別法 通分してから計算する。

$\frac{1}{3}(x+4y) + \frac{1}{6}(5x-y) = \frac{2(x+4y) + 5x-y}{6} = \frac{2x+8y+5x-y}{6} = \frac{7x+7y}{6}$

3 式の値

(1) $5x-4y-3x+8y = 2x+4y = 2 \times 5 + 4 \times (-\frac{1}{2}) = 10-2 = 8$

(2) $(2x+3y) - (9x-7y) = 2x+3y-9x+7y = -7x+10y = -7 \times 5 + 10 \times (-\frac{1}{2}) = -35-5 = -40$

1 数×多項式、多項式÷数

(1) $3(x+3y) = 3x+9y$

(2) $-4(3a+2b) = -12a-8b$

(3) $(6x+4y) \div 2 = 3x+2y$

(4) $(10a-20b) \div (-5) = -2a+4b$

2 カッコがある式、分数の形の式の計算

(1) $2(3x-y) + 3(x+2y) = 6x-2y+3x+6y = 9x+4y$

(2) $2(3x-y) + 3(x+2y) = 6x-2y+3x+6y = 9x+4y$

(3) $3(a+b) - 2(a-b) = a+5b$

(4) $6(x-2y) - 3(2x+y) = -15y$

(5) $\frac{5a-b}{2} - \frac{a+2b}{4} = \frac{2(5a-b) - (a+2b)}{4} = \frac{10a-2b-a-2b}{4} = \frac{9a-4b}{4}$

別法 (分数)×(多項式)にしてから計算する。

$\frac{5a-b}{2} - \frac{a+2b}{4} = \frac{1}{2}(5a-b) - \frac{1}{4}(a+2b) = \frac{5}{2}a - \frac{1}{2}b - \frac{1}{4}a - \frac{1}{2}b = \frac{9}{4}a - b$

1 数×多項式、多項式÷数

(1) $5(2x-5y) = 10x-25y$

(2) $(8x+12y) \times \frac{1}{4} = 8x \times \frac{1}{4} + 12y \times \frac{1}{4} = 2x+3y$

(3) $(18a-6b) \div 6 = \frac{18a}{6} - \frac{6b}{6} = 3a-b$

(4) $(-28x+35y) \div (-7) = \frac{-28x}{-7} + \frac{35y}{-7} = 4x-5y$

2 カッコがある式の計算

(1) $-3(4x+3y) + 5(3x-2y) = -12x-9y+15x-10y = 3x-19y$

(2) $3(3x-6y) + 6(2x+3y) = 9x-18y+12x+18y = 21x$

(3) $3(a+6b) - 2(2a+5b-4) = 3a+18b-4a-10b+8 = -a+8b+8$

(4) $\frac{1}{4}(x+3y) - \frac{1}{6}(-9x+5y-6) = \frac{1}{4}x + \frac{3}{4}y + \frac{3}{2}x - \frac{5}{6}y + 1 = \frac{7}{4}x - \frac{1}{12}y + 1$

3 分数の形の式の計算

(1) $\frac{2a-4b}{3} + \frac{3a+7b}{5} = \frac{5(2a-4b) + 3(3a+7b)}{15} = \frac{10a-20b+9a+21b}{15} = \frac{19a+b}{15}$

$\frac{2a-4b}{3} + \frac{3a+7b}{5} = \frac{1}{3}(2a-4b) + \frac{1}{5}(3a+7b)$
とみることもできるね。

(2) $\frac{4x-3y}{3} - \frac{5x-2y}{2} = \frac{2(4x-3y) - 3(5x-2y)}{6} = \frac{8x-6y-15x+6y}{6} = -\frac{7}{6}x$

4 式の値
 $x = \frac{1}{13}, y = -3$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$7(x+y) - 4(5x+2y) = 7x+7y-20x-8y = -13x-y = -13 \times \frac{1}{13} - (-3) = -1+3 = 2$

5 **トライ!**
① $3x+2y$ の3倍から、② $ax+3y$ の5倍をひいたところ、答えは $-x-9y$ となった。aの値を求めなさい。

$3(3x+2y) - 5(ax+3y) = 9x+6y-5ax-15y = (9-5a)x-9y = -x-9y$
答えは $-x-9y$ となったのだから、 $9-5a = -1$ より、 $a = 2$

A 基礎をおさえよう

1 単項式の乗法

① $2a \times 4b$
 $= 2 \times 4 \times a \times b$
係数の積に文字の積をかける
 $= 8ab$

② $(-3x) \times 6x$
 $= (-3) \times 6 \times x \times x$
 $= -18x^2$

同じ文字の積は、
 指数を使って表すよ。



2 指数をふくむ式の計算

① $(5x)^2$
 $= 5x \times 5x$
 $= 5 \times 5 \times x \times x$
 $= 25x^2$

② $-(2y)^2$
 $= -(2y \times 2y)$
 $= -(2 \times 2 \times y \times y)$
 $= -4y^2$

2乗は同じ式を
 2回かけるよ。



3 単項式の除法

① $12xy \div 3y$
 $= \frac{12xy}{3y}$
 $A \div B = \frac{A}{B}$
約分する
 $= 4x$

② $10a^2 \div (-2a)$
 $= -\frac{10a^2}{2a}$
約分する
 $= -5a$

約分できるときは、約分する。

1 単項式の乗法
 次の計算をしなさい。

(1) $3a \times 9b$
 $= 3 \times 9 \times a \times b$
係数の積 文字の積
 $= 27ab$

(3) $2a \times (-6b)$
 $= 2 \times (-6) \times a \times b$
 $= -12ab$

2 指数をふくむ式の計算
 次の計算をしなさい。

(1) $(6a)^2$
 $= 6a \times 6a$
 $= 6 \times 6 \times a \times a$
 $= 36a^2$

(3) $-(3b)^2$
 $= -(3b \times 3b)$
 $= -(3 \times 3 \times b \times b)$
 $= -9b^2$

3 単項式の除法
 次の計算をしなさい。

(1) $10xy \div 5y$
 $= \frac{10xy}{5y}$
 $A \div B = \frac{A}{B}$
係数どうし、文字どうしをそれぞれ約分する
 $= 2x$

(3) $(-8x^2y) \div (-2x)$
 $= \frac{-8x^2y}{-2x}$
約分する
 $= 4xy$

(2) $(-7x) \times 5y$
 $= (-7) \times 5 \times x \times y$
 $= -35xy$

(4) $(-4y) \times (-8y)$
 $= (-4) \times (-8) \times y \times y$
 $= 32y^2$

(2) $(-4x)^2$
 $= (-4x) \times (-4x)$
 $= (-4) \times (-4) \times x \times x$
 $= 16x^2$

(4) $5y \times (-y)^2$
 $= 5y \times \{(-y) \times (-y)\}$
 $= 5y \times y^2$
 $= 5 \times y \times y^2$
 $= 5y^3$

よくあるまちがい
 $-(3b)^2$
 $= (-3b) \times (-3b)$

$-(3b)^2$ は、
 $(3b)^2$ に-を
 つけたものだよ。



同じ文字の積は、
 指数を使って表そう。



1 単項式の乗法
 次の計算をしなさい。

(1) $(-7xy) \times (-x)$
 x の係数は-1
 $= (-7) \times (-1) \times x \times y \times x$
係数の積 文字の積
 $= 7x^2y$

(2) $\frac{2}{3}ab \times (-9b)$
 $= \frac{2}{3} \times (-9) \times a \times b \times b$
 $= -6ab^2$

計算の途中で約分しよう。
 $\frac{2}{3} \times (-9) = -6$



2 指数をふくむ式の計算
 次の計算をしなさい。

(1) $(-8a)^2$
 $= (-8a) \times (-8a)$
 $= (-8) \times (-8) \times a \times a$
 $= 64a^2$

よくあるまちがい
 $(-8a)^2$
 $= (-8a) \times 8a$

$(-8a)^2$ は、 $-8a$ を
 2回かけあわせた
 ものだよ。



(2) $-(-\frac{2}{3}y)^2$
 $= -\{(-\frac{2}{3}y) \times (-\frac{2}{3}y)\}$
 $= -\{(-\frac{2}{3}) \times (-\frac{2}{3}) \times y \times y\}$
 $= -\frac{4}{9}y^2$

$-\frac{4}{9}y^2$

(3) $(2x)^2 \times (-7x)$
 $= (2x \times 2x) \times (-7x)$
 $(2x)^2$ をさきに計算する
 $= 4x^2 \times (-7x)$
 $= -28x^3$

$-28x^3$

(4) $(-3x)^2 \times (-\frac{1}{18}xy)$
 $= \{(-3x) \times (-3x)\} \times (-\frac{1}{18}xy)$
 $= 9x^2 \times (-\frac{1}{18}xy)$
 $= -\frac{1}{2}x^3y$

$-\frac{1}{2}x^3y$

3 単項式の除法
 次の計算をしなさい。

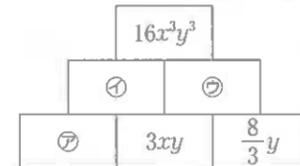
(1) $9ab \div (-3a)$
 $= -\frac{9ab}{3a}$
 $\frac{9}{3} \times \frac{1}{1} \times b$
 $= -3b$

(2) $(-10x^2) \div 5x$
 $= -\frac{10x^2}{5x}$
 $\frac{10}{5} \times \frac{1}{1} \times x$
 $= -2x$

(3) $(-2xy^2) \div (-8y)$
 $= \frac{2xy^2}{8y}$
 $\frac{1}{4} \times x \times \frac{1}{1} \times y$
 $= \frac{1}{4}xy$

(4) $(-6a^2) \div 21a^2$
 $= -\frac{6a^2}{21a^2}$
 $\frac{2}{7} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1}$
 $= -\frac{2}{7}$

4 となりどうしの単項式の積を、上のまですに書きます。
 ㉑~㉓にあてはまる単項式を書きましょう。



㉑→㉒→㉓の順に
 考えるよ。



㉑…… $3xy \times \frac{8}{3}y =$ ㉒より、

㉒…… $3xy \times \frac{8}{3}y = 8xy^2$

㉑…… $㉑ \times ㉒ = 16x^3y^3$ より、

㉑…… $16x^3y^3 \div 8xy^2 = 2x^2y$

㉓…… $㉓ \times 3xy =$ ㉑より、

㉓…… $2x^2y \div 3xy = \frac{2}{3}x$

㉓ $\frac{2}{3}x$

㉑ $2x^2y$

㉒ $8xy^2$

A 基礎をおさえよう

1 分数をふくむ式の除法

$$\begin{aligned} & \frac{2}{3}x^2 \div \frac{2}{9}x \\ &= \frac{2x^2}{3} \div \frac{2x}{9} \\ &= \frac{2x^2}{3} \times \frac{9}{2x} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{逆数をかける} \\ \text{乗法になおす} \end{array} \right. \\ &= \frac{2 \times x^2 \times 9}{3 \times 2 \times x} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{約分する} \end{array} \right. \\ &= 3x \end{aligned}$$

$\frac{2}{9}x$ は、 $\frac{2x}{9}$ と
変形してから、
逆数になおそう。

1 分数をふくむ式の除法 次の計算をしなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & -9a^2 \div \frac{9}{7}a \\ &= -9a^2 \div \frac{9a}{7} \\ &= -\left(9a^2 \times \frac{7}{9a}\right) \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{逆数をかける} \\ \text{乗法になおす} \end{array} \right. \\ &= -\frac{9 \times a^2 \times 7}{9 \times a} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{約分する} \end{array} \right. \\ &= -7a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & \frac{2}{5}x^2 \div \frac{2}{25}x \\ &= \frac{2x^2}{5} \div \frac{2x}{25} \\ &= \frac{2x^2}{5} \times \frac{25}{2x} \\ &= \frac{2 \times x^2 \times 25}{5 \times 2 \times x} \\ &= 5x \end{aligned}$$

よくあるまちがいは

$$= -\left(9a^2 \times \frac{7}{9}\right)$$

$\frac{9}{7}a$ の逆数は
 $\frac{7}{9a}$ だね。



$$\begin{aligned} (3) \quad & \frac{3}{4}ab \div \left(-\frac{3}{8}b\right) \\ &= \frac{3ab}{4} \div \left(-\frac{3b}{8}\right) \\ &= -\left(\frac{3ab}{4} \times \frac{8}{3b}\right) \\ &= -\frac{3 \times a \times b \times 8}{4 \times 3 \times b} \\ &= -2a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad & -4x^2 \div \left(-\frac{4}{9}x\right) \\ &= -4x^2 \div \left(-\frac{4x}{9}\right) \\ &= +\left(4x^2 \times \frac{9}{4x}\right) \\ &= \frac{4 \times x^2 \times 9}{4 \times x} \\ &= 9x \end{aligned}$$

2 乗除の混じった計算 次の計算をしなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & 2ab \times 8a \div 4b \quad \left. \begin{array}{l} A \times B \div C \\ \frac{A \times B}{C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{2ab \times 8a}{4b} \\ &= \frac{2 \times a \times b \times 8 \times a}{4 \times b} \\ &= 4a^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & 21a^2b \div (-3a) \times 5b \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \times C \\ \frac{A \times C}{B} \end{array} \right\} \\ &= \frac{21a^2b \times 5b}{-3a} \\ &= \frac{21 \times a^2 \times b \times 5 \times b}{-3 \times a} \\ &= -35ab^2 \end{aligned}$$

計算結果の符号は、
負の符号の個数が、
偶数個 → +
奇数個 → -



2 乗除の混じった計算

$$\begin{aligned} ① \quad & 6xy \times 2x \div 3y \quad \left. \begin{array}{l} A \times B \div C \\ \frac{A \times B}{C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{6xy \times 2x}{3y} \\ &= 4x^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ② \quad & 6xy \div 2x \times 3y \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \times C \\ \frac{A \times C}{B} \end{array} \right\} \\ &= \frac{6xy \times 3y}{2x} \\ &= 9y^2 \end{aligned}$$

$6xy \div 2x \times 3y$
 $= 6xy \div 2x \times 3y$
としないうように!!

3 3つの式の除法

$$\begin{aligned} & 18a^2b \div 3a \div (-2b) \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \div C \\ \frac{A}{B \times C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{18a^2b}{3a \times 2b} \\ &= -3a \end{aligned}$$

別法 前から順に計算してもよい。

$$\begin{aligned} & \frac{18a^2b \div 3a}{2b} \div (-2b) \\ &= \frac{6ab \div (-2b)}{2b} \end{aligned}$$

3 3つの式の除法 次の計算をしなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & 20a^2b \div 5a \div 2b \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \div C \\ \frac{A}{B \times C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{20a^2b}{5a \times 2b} \\ &= \frac{20 \times a^2 \times b}{5 \times a \times 2 \times b} \\ &= 2a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & 36x^2y \div 4x \div (-3y) \\ &= \frac{36x^2y}{4x \times 3y} \\ &= \frac{36 \times x^2 \times y}{4 \times x \times 3 \times y} \\ &= -3x \end{aligned}$$

1 分数をふくむ式の除法 次の計算をしなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & 3a^2b \div \left(-\frac{1}{3}a^2\right) \\ &= 3a^2b \div \left(-\frac{a^2}{3}\right) \\ &= -\left(3a^2b \times \frac{3}{a^2}\right) \\ &= -\frac{3 \times a^2 \times b \times 3}{a^2} \\ &= -9b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & \frac{2}{5}x^2 \div \frac{5}{2}x^2 \\ &= \frac{2x^2}{5} \div \frac{5x^2}{2} \\ &= \frac{2x^2}{5} \times \frac{2}{5x^2} \\ &= \frac{2 \times x^2 \times 2}{5 \times 5 \times x^2} \\ &= \frac{4}{25} \end{aligned}$$



$-\frac{1}{3}a^2 = -\frac{a^2}{3}$ と変形して、
計算しよう。

2 3つの式の乗除 次の計算をしなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & -3xy \times (-7x) \times 4y \\ &= (-3) \times (-7) \times 4 \times xy \times x \times y \\ &= 84x^2y^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & -4a^2 \times 6a \div 8a \quad \left. \begin{array}{l} A \times B \div C \\ \frac{A \times B}{C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{-4a^2 \times 6a}{8a} \\ &= \frac{4 \times a^2 \times 6 \times a}{8 \times a} \\ &= -3a^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & -18xy \div (-6x) \times (-7y) \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \times C \\ \frac{A \times C}{B} \end{array} \right\} \\ &= \frac{-18xy \times 7y}{-6x} \\ &= \frac{-18 \times x \times y \times 7 \times y}{6 \times x} \\ &= -21y^2 \end{aligned}$$

※に注意

$$\begin{aligned} & -18xy \div (-6x) \times (-7y) \\ &= \frac{-18xy}{6x \times 7y} \end{aligned}$$

かける式は分子に、
わる式は分母に
<よ。

$$\begin{aligned} (4) \quad & 24a^2b^2 \div (-6ab) \div (-8a) \quad \left. \begin{array}{l} A \div B \div C \\ \frac{A}{B \times C} \end{array} \right\} \\ &= \frac{24a^2b^2}{6ab \times 8a} \\ &= \frac{24 \times a^2 \times b^2}{6 \times a \times b \times 8 \times a} \\ &= \frac{1}{2}b \end{aligned}$$

3 3つの式の乗除 次の計算をしなさい。

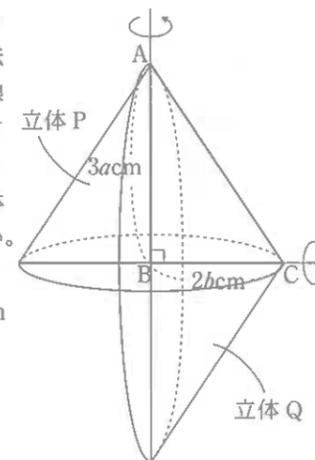
$$\begin{aligned} (1) \quad & 25xy \times \frac{1}{5}y \div \left(-\frac{1}{2}xy\right) \\ &= 25xy \times \frac{y}{5} \div \left(-\frac{xy}{2}\right) \\ &= 25xy \times \frac{y}{5} \times \left(-\frac{2}{xy}\right) \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{逆数をかける} \\ \text{乗法になおす} \end{array} \right. \\ &= \frac{25xy \times y \times 2}{5 \times xy} \\ &= \frac{25 \times x \times y \times y \times 2}{5 \times x \times y} \\ &= -10y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & -6xy \div \left(-\frac{1}{3}x\right) \times 2xy \\ &= -6xy \div \left(-\frac{x}{3}\right) \times 2xy \\ &= -6xy \times \left(-\frac{3}{x}\right) \times 2xy \\ &= \frac{6xy \times 3 \times 2xy}{x} \\ &= \frac{6 \times x \times y \times 3 \times 2 \times x \times y}{x} \\ &= 36xy^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & 15x^2y \div (-5x) \div \left(-\frac{3}{4}y\right) \\ &= 15x^2y \div (-5x) \div \left(-\frac{3y}{4}\right) \\ &= 15x^2y \times \left(-\frac{1}{5x}\right) \times \left(-\frac{4}{3y}\right) \\ &= \frac{15x^2y \times 1 \times 4}{5x \times 3y} \\ &= \frac{15 \times x^2 \times y \times 1 \times 4}{5 \times x \times 3 \times y} \\ &= 4x \end{aligned}$$

4 ③トライ!

右の図の直角三角形で、
直線 AB を軸として1回転
させてできる立体を P、直線
BC を軸として1回転させて
できる立体を Q とするとき、
立体 P の体積は立体 Q の体
積の何倍になるか求めなさい。



立体 P は、底面が半径
2b cm の円、高さが 3a cm
の円錐だから、体積は、
 $\frac{1}{3} \times \pi \times (2b)^2 \times 3a$
 $= 4\pi ab^2$ (cm³)

立体 Q は、底面が半径 3a cm の円、
高さが 2b cm の円錐だから、体積は、
 $\frac{1}{3} \times \pi \times (3a)^2 \times 2b = 6\pi a^2b$ (cm³)

したがって、 $4\pi ab^2 \div 6\pi a^2b = \frac{2b}{3a}$ $\frac{2b}{3a}$ 倍

A 基礎をおさえよう

1 式による説明

2つの偶数の和が偶数になることを、次のように説明した。□にあてはまるものを書き入れなさい。

【説明】 2つの偶数は、 m, n を整数とすると、 $2m, 2n$ と表される。

このとき、2数の和は、
 $2m + 2n = 2(\square)$

□は整数だから、

$2(\square)$ は偶数である。

したがって、2つの偶数の和は偶数である。

和が2×整数と表されることを示せばいいね。



1 式による説明

偶数から奇数をひいた差は奇数になることを、次のように説明した。□にあてはまるものを答えなさい。

【説明】 偶数と奇数は、 m, n を整数とすると、それぞれ

$2m, \square + 1$

と表される。

このとき、偶数から奇数をひいた差は、

$2m - (\square + 1)$

$= \square$

$= 2(\square) - 1$

□は整数だから、 $2(\square) - 1$ は奇数である。

したがって、偶数から奇数をひいた差は奇数である。

(1) 奇数は、偶数より1大きい数と考える。

(2) $2m - (2n + 1) = 2m - 2n - 1$

(3) $2m - 2n - 1 = 2(\frac{m-n}{2}) - 1$

偶数を表す

(1) $2n$

(2) $2m - 2n - 1$

(3) $m - n$

連続した整数とは限らないから、2つの整数は違う文字を使って表すよ。



2 等式の変形

次の等式を、 x について解きなさい。

① $x - 2y = 5$

$-2y$ を移項して、

$x = 5 + 2y$



移項するときは、符号に注意しよう。

② $y = 4x$

両辺を入れかえて、

$4x = y$

両辺を $\frac{1}{4}$ でわって、

$x = \frac{y}{4}$

● 移項や等式の性質を使って、等式を「 $x = \sim$ 」の形に変形することを、等式を「 x について解く」という。

2 等式の変形

次の等式を、□内の文字について解きなさい。

(1) $x - 3y = 8$ [x]

$-3y$ を移項して、

$x = 8 + 3y$

$x = 8 + 3y$

移項するときは、符号を変えるよ。



(3) $6a - 5b = 30$ [a]

$-5b$ を移項する

$6a = 30 + 5b$

両辺を6でわる

$a = 5 + \frac{5}{6}b$

$a = 5 + \frac{5}{6}b$ [$a = \frac{30 + 5b}{6}$]

(5) $5x - 2y = 10$ [y]

$-2y = 10 - 5x$

両辺を $-\frac{1}{2}$ でわる

$y = -5 + \frac{5}{2}x$

$y = -5 + \frac{5}{2}x$ [$y = \frac{5x - 10}{2}$]

(2) $x + 5y = 4$ [y]

x を移項する

$5y = 4 - x$

両辺を5でわる

$y = \frac{4 - x}{5}$

$y = \frac{4 - x}{5}$ [$y = \frac{4 - x}{5}$]

(4) $x - 4y = 7$ [y]

x を移項する

$-4y = 7 - x$

両辺を -4 でわる

$y = -\frac{7}{4} + \frac{x}{4}$

$y = -\frac{7}{4} + \frac{x}{4}$ [$y = \frac{x - 7}{4}$]

(6) $10b = 7a - 2$ [a]

両辺を入れかえる

$7a - 2 = 10b$

-2 を移項する

$7a = 10b + 2$

$a = \frac{10}{7}b + \frac{2}{7}$

$a = \frac{10}{7}b + \frac{2}{7}$ [$a = \frac{10b + 2}{7}$]

解く文字が右辺にあるときは、まず、両辺を入れかえよう。



1 式による説明

2けたの正の整数から、その数の十の位の数と一の位の数の和をひいた差は、9の倍数になる。その理由を、文字式を使って説明しなさい。□ \times (整数)の形で表される

【説明】 十の位の数を a 、一の位の数を b とすると、この数は、 $10a + b$ と表される。

また、この数の十の位の数と一の位の数の和は、 $a + b$ となる。

このとき、この差は、

$(10a + b) - (a + b)$

$= 10a + b - a - b$

$= 9a$

a は整数だから、 $9a$ は9の倍数である。

したがって、2けたの正の整数から、その数の十の位の数と一の位の数の和をひいた差は、9の倍数になる。

2 式による説明

右のように、連続する3つの奇数の和は、まん中の数の3倍になる。その理由を、(まん中の数) $\times 3$ の形で表される文字式を使って説明しなさい。

$1 + 3 + 5 = 3 \times 3$
 $15 + 17 + 19 = 17 \times 3$
 $29 + 31 + 33 = 31 \times 3$

【説明】 n を整数とすると、連続する3つの奇数は、 $2n + 1, 2n + 3, 2n + 5$ と表される。

このとき、3つの奇数の和は、

$(2n + 1) + (2n + 3) + (2n + 5)$

$= 6n + 9$

$= 3(2n + 3)$

$2n + 3$ はまん中の数だから、 $3(2n + 3)$ はまん中の数の3倍である。

したがって、連続する3つの奇数の和は、まん中の数の3倍になる。

別解 n を整数とすると、連続する3つの奇数は、 $2n - 1, 2n + 1, 2n + 3$ と表される。

このとき、3つの奇数の和は、

$(2n - 1) + (2n + 1) + (2n + 3)$

$= 6n + 3$

$= 3(2n + 1)$

$2n + 1$ はまん中の数だから、 $3(2n + 1)$ はまん中の数の3倍である。

したがって、連続する3つの奇数の和は、まん中の数の3倍になる。

たしかめよう

n を整数とすると、

2ずつ増える

● 連続する偶数 $2n, 2n + 2, 2n + 4, \dots$

● 連続する奇数 $2n + 1, 2n + 3, 2n + 5, \dots$



3 等式の変形

次の等式を、□内の文字について解きなさい。

(1) $3(x + y) = 18$ [y]
 $x + y = 6$ 両辺を3でわる
 $y = 6 - x$

(2) $y = \frac{1}{4}x - 2$ [x]
 $\frac{1}{4}x - 2 = y$

$\frac{1}{4}x = y + 2$

$x = 4y + 8$

$y = 6 - x$

$x = 4y + 8$

(3) $a = 5(b - c)$ [b]

$5(b - c) = a$ 両辺を5でわる
 $b - c = \frac{a}{5}$

$b = \frac{a}{5} + c$

(4) $S = \frac{1}{2}(a + b)h$ [a]

$\frac{1}{2}(a + b)h = S$

$(a + b)h = 2S$

$a + b = \frac{2S}{h}$

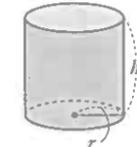
$a = \frac{2S}{h} - b$

$b = \frac{a}{5} + c$

$a = \frac{2S}{h} - b$

4 等式の変形

右の図のような、底面の半径が r 、高さが h である円柱がある。この円柱の体積を V とするとき、 h を r, V の式で表しなさい。



ただし、円周率は π とする。

(円柱の体積) = (底面積) \times (高さ)

から、

$V = (\pi \times r^2) \times h$
 $= \pi r^2 h$

この式を h について解いて、 $h = \frac{V}{\pi r^2}$

$h = \frac{V}{\pi r^2}$

5 & トライ!

右の図の四角形は、

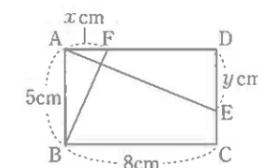
$AB = 5$ cm, $BC = 8$ cm の

長方形である。AF = x cm,

$DE = y$ cm で、 $\triangle AED$ の

面積が $\triangle ABF$ の面積の2倍より 3 cm² 大きいとき、

y を x を使った式で表しなさい。



$\triangle AED$ の面積は、 $\frac{1}{2} \times 8 \times y = 4y$

$\triangle ABF$ の面積は、 $\frac{1}{2} \times 5 \times x = \frac{5}{2}x$ と表される。

$4y = \frac{5}{2}x \times 2 + 3$ より、 $4y = 5x + 3$ が成り立つ。

この式を y について解いて、 $y = \frac{5}{4}x + \frac{3}{4}$

$y = \frac{5}{4}x + \frac{3}{4}$

A 基礎をおさえよう

1 連立方程式とその解

• $(x, y) = (3, 1)$ が連立方程式 $\begin{cases} 2x+y=7 \\ x+y=4 \end{cases}$ の解であることを確かめなさい。
それぞれの式に、 x, y の値を代入して、式が成り立つかどうかを調べる。
・上の式の左辺は、
 $2 \times \boxed{3} + \boxed{1} = \boxed{7}$
・下の式の左辺は、
 $\boxed{3} + \boxed{1} = \boxed{4}$
よって、それぞれの式で (左辺) = (右辺) が成り立つので、 $(x, y) = (3, 1)$ は連立方程式の解である。

2 加減法

① $\begin{cases} x+y=5 \dots\dots ① \\ 2x+y=7 \dots\dots ② \end{cases}$ y を消去
① $x+y=5$
② $-) 2x+y=7$
 $\boxed{-x} = -2$
 $x=2$
 $x=2$ を①に代入して、
 $2+y=5 \quad y=\boxed{3}$
図 $(x, y) = (2, \boxed{3})$
② $\begin{cases} 2x+y=1 \dots\dots ① \\ 3x-2y=12 \dots\dots ② \end{cases}$ 係数の絶対値をそろえる
① $\times 2 \quad 4x+2y=2$
② $+) 3x-2y=12$
 $7x = \boxed{14}$
 $x=2$
 $x=2$ を①に代入して、
 $2 \times 2 + y = 1 \quad y = \boxed{-3}$
図 $(x, y) = (2, \boxed{-3})$
1つの文字の係数の絶対値をそろえよう。

1 連立方程式とその解

次の①~⑦の x, y の値の組のなかで、連立方程式 $\begin{cases} 2x-y=4 \\ -3x+y=-7 \end{cases}$ の解はどれか、記号で答えなさい。

それぞれの式の左辺に、 x, y の値を代入し、(左辺) = (右辺) が両方の式で成り立つ組をさがします。

- ⑦ $(x, y) = (1, -4)$ $\begin{cases} \text{左辺} \dots 2 \times 1 - (-4) = 6 & \dots \text{成り立たない} \\ \text{左辺} \dots -3 \times 1 + (-4) = -7 & \dots \text{成り立つ} \end{cases}$
① $(x, y) = (3, 2)$ $\begin{cases} \text{左辺} \dots 2 \times 3 - 2 = 4 & \dots \text{成り立つ} \\ \text{左辺} \dots -3 \times 3 + 2 = -7 & \dots \text{成り立つ} \end{cases}$
② $(x, y) = (-2, -8)$ $\begin{cases} \text{左辺} \dots 2 \times (-2) - (-8) = 4 & \dots \text{成り立つ} \\ \text{左辺} \dots -3 \times (-2) + (-8) = -2 & \dots \text{成り立たない} \end{cases}$

2 加減法

次の連立方程式を加減法で解きなさい。

- (1) $\begin{cases} 2x+y=6 \dots\dots ① \\ 3x+y=8 \dots\dots ② \end{cases}$ y を消去
① $2x+y=6$
② $-) 3x+y=8$
 $-x = -2$
 $x=2$
 $x=2$ を①に代入して、
 $2 \times 2 + y = 6$
 $y = 6 - 4 = 2$
 $(x, y) = (2, 2)$
② $\begin{cases} x+2y=-1 \dots\dots ① \\ -x-3y=4 \dots\dots ② \end{cases}$ x を消去
① $x+2y=-1$
② $+) -x-3y=4$
 $-y=3$
 $y=-3$
 $y=-3$ を①に代入して、
 $x+2 \times (-3) = -1$
 $x = -1 + 6 = 5$
 $(x, y) = (5, -3)$

絶対値の等しい係数が、同符号 \rightarrow 2つの式をたす
異符号 \rightarrow 2つの式をひく

- (3) $\begin{cases} 3x+y=8 \dots\dots ① \\ x-2y=5 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 2 \quad 6x+2y=16$
② $+) x-2y=5$
 $7x = 21$
 $x=3$
 $x=3$ を②に代入して、
 $3-2y=5$
 $-2y=2$
 $y=-1$
 $(x, y) = (3, -1)$
④ $\begin{cases} 3x-4y=-2 \dots\dots ① \\ 2x-y=7 \dots\dots ② \end{cases}$
① $3x-4y=-2$
② $\times 4 \quad -) 8x-4y=28$
 $-5x = -30$
 $x=6$
 $x=6$ を②に代入して、
 $2 \times 6 - y = 7$
 $-y = -5$
 $y=5$
 $(x, y) = (6, 5)$

①-② $\times 3$ で x を消去してもいいね。

1 加減法
次の連立方程式を加減法で解きなさい。

(1) $\begin{cases} -7x-5y=7 \dots\dots ① \\ 6x+5y=-11 \dots\dots ② \end{cases}$
① $-7x-5y=7$
② $+) 6x+5y=-11$
 $-x = -4$
 $x=4$
 $x=4$ を①に代入して、
 $-7 \times 4 - 5y = 7$
 $-28 - 5y = 7$
 $-5y = 35$
 $y = -7$
 $(x, y) = (4, -7)$

(2) $\begin{cases} 4x+3y=7 \dots\dots ① \\ x-2y=-12 \dots\dots ② \end{cases}$
① $4x+3y=7$
② $\times 4 \quad -) 4x-8y=-48$
 $11y=55$
 $y=5$
 $y=5$ を②に代入して、
 $x-2 \times 5 = -12$
 $x-10 = -12$
 $x = -2$
 $(x, y) = (-2, 5)$

(3) $\begin{cases} 9x+7y=20 \dots\dots ① \\ 3x+4y=5 \dots\dots ② \end{cases}$
① $9x+7y=20$
② $\times 3 \quad -) 9x+12y=15$
 $-5y=5$
 $y=-1$
 $y=-1$ を②に代入して、
 $3x+4 \times (-1) = 5$
 $3x-4 = 5$
 $3x = 9$
 $x=3$
 $(x, y) = (3, -1)$

(4) $\begin{cases} 3x+4y=3 \dots\dots ① \\ 2x+3y=5 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 2 \quad 6x+8y=6$
② $\times 3 \quad -) 6x+9y=15$
 $-y=-9$
 $y=9$
 $y=9$ を②に代入して、
 $2x+3 \times 9 = 5$
 $2x+27 = 5$
 $2x = -22$
 $x = -11$
 $(x, y) = (-11, 9)$

(5) $\begin{cases} 3x-2y=2 \dots\dots ① \\ -4x+5y=-12 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 5 \quad 15x-10y=10$
② $\times 2 \quad +) -8x+10y=-24$
 $7x = -14$
 $x = -2$
 $x = -2$ を①に代入して、
 $3 \times (-2) - 2y = 2$
 $-6 - 2y = 2$
 $-2y = 8$
 $y = -4$
 $(x, y) = (-2, -4)$

2 加減法
次の連立方程式を加減法で解きなさい。

(1) $\begin{cases} 5x-3y=-11 \dots\dots ① \\ 3x+7y=11 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 3 \quad 15x-9y=-33$
② $\times 5 \quad -) 15x+35y=55$
 $-44y=-88$
 $y=2$
 $y=2$ を①に代入して、
 $5x-3 \times 2 = -11$
 $5x-6 = -11$
 $5x = -5$
 $x = -1$
 $(x, y) = (-1, 2)$

(2) $\begin{cases} -9x+7y=1 \dots\dots ① \\ 8x-5y=4 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 5 \quad -45x+35y=5$
② $\times 7 \quad +) 56x-35y=28$
 $11x = 33$
 $x=3$
 $x=3$ を①に代入して、
 $-9 \times 3 + 7y = 1$
 $-27 + 7y = 1$
 $7y = 28$
 $y=4$
 $(x, y) = (3, 4)$

係数の絶対値をそろえるときは、できるだけ小さい数でそろえよう。



(3) $\begin{cases} 4x-3y=-16 \dots\dots ① \\ -6x-2y=-15 \dots\dots ② \end{cases}$
① $\times 2 \quad 8x-6y=-32$
② $\times 3 \quad -) -18x-6y=-45$
 $26x = 13$
 $x = \frac{1}{2}$
 $x = \frac{1}{2}$ を①に代入して、
 $4 \times \frac{1}{2} - 3y = -16$
 $2 - 3y = -16$
 $-3y = -18$
 $y = 6$
 $(x, y) = (\frac{1}{2}, 6)$

3 **トライ!**

次の連立方程式をくふうして解きます。

$\begin{cases} 19x+24y=34 \dots\dots ① \\ 18x+23y=33 \dots\dots ② \end{cases}$
(1) ①から②をひいた式を求めなさい。
① $19x+24y=34$
② $-) 18x+23y=33$
 $x+y=1$
(2) (1)で求めた式を使って、連立方程式を解きなさい。
① $19x+24y=34$
③ $\times 19 \quad -) 19x+19y=19$
 $5y=15 \quad y=3$
 $y=3$ を③に代入して、
 $x+3=1 \quad x=-2$
 $(x, y) = (-2, 3)$

A 基礎をおさえよう

1 代入法

$$\begin{cases} x-3y=7 & \dots\dots ① \\ y=2x-9 & \dots\dots ② \end{cases}$$

②を①に代入して、
 $x-3(2x-9)=7$ カッコをつけて
 $x-6x+27=7$ 代入する
 $-5x=-20$
 $x=4$
 $x=4$ を②に代入して、
 $y=2 \times 4 - 9$
 $y=-1$
 図 $(x, y) = (4, -1)$

$x=$ 、 $y=$ の形の方程式があれば、「代入法」で解こう。

2 かけこがある連立方程式

$$\begin{cases} 2x+3y=12 & \dots\dots ① \\ 2(x-y)+3y=8 & \dots\dots ② \end{cases}$$

②のかけこをはずして整理すると、
 $2x+y=8 \dots\dots ②'$
 ①-②'より、 $2y=4$
 $y=2$
 $y=2$ を①に代入して、
 $2x+3 \times 2=12$
 $2x=6$
 $x=3$
 図 $(x, y) = (3, 2)$

かけこをはずして整理してから、加減法か代入法を使って解こう。

1 代入法

次の連立方程式を代入法で解きなさい。

(1) $\begin{cases} 2x-5y=4 & \dots\dots ① \\ x=2y & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②を①に代入して、
 $2 \times 2y - 5y = 4$
 $-y = 4$
 $y = -4$
 $y = -4$ を②に代入して、
 $x = 2 \times (-4)$
 $x = -8$
 $(x, y) = (-8, -4)$

(3) $\begin{cases} x=4y+11 & \dots\dots ① \\ 5x+3y=9 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ①を②に代入して、
 $5(4y+11)+3y=9$
 $20y+55+3y=9$
 $23y=-46$
 $y=-2$
 $y=-2$ を①に代入して、
 $x=4 \times (-2)+11$
 $x=3$
 $(x, y) = (3, -2)$

2 かけこがある連立方程式

次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} x+5y=3 & \dots\dots ① \\ 2(x-y)+7y=1 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②のかけこをはずして整理すると、
 $2x+5y=1 \dots\dots ②'$
 ① $x+5y=3$
 ②' $-) 2x+5y=1$
 $-x = 2$
 $x = -2$
 $x = -2$ を①に代入して、
 $-2+5y=3$
 $y=1$
 $(x, y) = (-2, 1)$

かけこをはずして整理すれば、今までと同じように解くことができるよ。

(2) $\begin{cases} 2x+y=7 & \dots\dots ① \\ y=3x-8 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②を①に代入して、
 $2x+(3x-8)=7$
 $2x+3x-8=7$
 $5x=15$
 $x=3$
 $x=3$ を②に代入して、
 $y=3 \times 3 - 8$
 $y=1$
 $(x, y) = (3, 1)$

(4) $\begin{cases} y=-5x+6 & \dots\dots ① \\ y=-7x+2 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ①を②に代入して、
 $-5x+6=-7x+2$
 $2x=-4$
 $x=-2$
 $x=-2$ を①に代入して、
 $y=-5 \times (-2)+6$
 $y=16$
 $(x, y) = (-2, 16)$

1 代入法

次の連立方程式を代入法で解きなさい。

(1) $\begin{cases} y=5x-1 & \dots\dots ① \\ x-3y=-11 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ①を②に代入して、
 $x-3(5x-1)=-11$
 $x-15x+3=-11$
 $-14x=-14$ $x=1$
 $x=1$ を①に代入して、
 $y=5 \times 1 - 1$
 $y=4$
 $(x, y) = (1, 4)$

(2) $\begin{cases} 4x-9y=-1 & \dots\dots ① \\ y=7-3x & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②を①に代入して、
 $4x-9(7-3x)=-1$
 $4x-63+27x=-1$
 $31x=62$ $x=2$
 $x=2$ を②に代入して、
 $y=7-3 \times 2=1$
 $(x, y) = (2, 1)$

(3) $\begin{cases} x=y+7 & \dots\dots ① \\ x=3y+15 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ①を②に代入して、
 $y+7=3y+15$
 $-2y=8$
 $y=-4$
 $y=-4$ を①に代入して、
 $x=-4+7=3$
 $(x, y) = (3, -4)$

(4) $\begin{cases} 8x+5y=-10 & \dots\dots ① \\ y-2x=16 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②の $-2x$ を移項して、
 $y=2x+16 \dots\dots ②'$
 ②'を①に代入して、
 $8x+5(2x+16)=-10$
 $8x+10x+80=-10$
 $18x=-90$ $x=-5$
 $x=-5$ を②'に代入して、
 $y=2 \times (-5)+16$
 $y=6$
 $(x, y) = (-5, 6)$

(5) $\begin{cases} 2x=9y+1 & \dots\dots ① \\ 2x-3y=3 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ①を②に代入して、
 $(9y+1)-3y=3$
 $9y+1-3y=3$
 $6y=2$ $y=\frac{1}{3}$
 $y=\frac{1}{3}$ を①に代入して、
 $2x=9 \times \frac{1}{3}+1$ $x=2$
 $(x, y) = (2, \frac{1}{3})$

①の $2x$ と等しい $9y+1$ を、②の $2x$ に代入するよ。

2 かけこがある連立方程式

次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} 3x+4y=10 & \dots\dots ① \\ x+4y=2(x+y) & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②のかけこをはずして整理すると、
 $-x+2y=0 \dots\dots ②'$
 ① $3x+4y=10$
 ②' $\times 2$ $-) -2x+4y=0$
 $5x = 10$
 $x=2$
 $x=2$ を②'に代入して、
 $-2+2y=0$ $y=1$
 $(x, y) = (2, 1)$

(2) $\begin{cases} 3x-2y=13 & \dots\dots ① \\ 2(x+3y)=y-4 & \dots\dots ② \end{cases}$
 ②のかけこをはずして整理すると、
 $2x+5y=-4 \dots\dots ②'$
 ① $\times 2$ $6x-4y=26$
 ②' $\times 3$ $-) 6x+15y=-12$
 $-19y=38$
 $y=-2$
 $y=-2$ を①に代入して、
 $3x-2 \times (-2)=13$
 $3x=9$ $x=3$
 $(x, y) = (3, -2)$

3 トライク

下の図で、2段目と3段目の数は、上の段の数をもとに、ある規則に従って並んでいる。このとき、 a と b の値を求めなさい。

1段目 3 2 7 b 3a
 2段目 5 9 7+b b+3a
 3段目 14 a+25 65

2段目と3段目には、線でつながった上の段の2数の和が入ります。

⑦には、 $7+b$ が、⑧には、 $b+3a$ が入ります。
 $9+⑦=a+25$ より、 $9+(7+b)=a+25 \dots\dots ①$
 $⑦+⑧=65$ より、 $(7+b)+(b+3a)=65 \dots\dots ②$
 ①を整理すると、 $b=a+9 \dots\dots ①'$
 ②を整理すると、 $3a+2b=58 \dots\dots ②'$
 ①'を②'に代入して、
 $3a+2(a+9)=58$
 $3a+2a+18=58$
 $5a=40$ $a=8$
 $a=8$ を①'に代入して、 $b=17$
 $a=8$ $b=17$

A 基礎をおさえよう

チェック1 係数に分数や小数がある連立方程式

$$\begin{cases} 0.3x+0.1y=-0.1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ \frac{1}{3}x-\frac{1}{6}y=1 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

①×10 $3x+y=-1$ $(0.3x+0.1y) \times 10 = -0.1 \times 10$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

②×6 $2x-y=6$ $(\frac{1}{3}x-\frac{1}{6}y) \times 6 = 1 \times 6$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

①'+②' $5x=7$ $x=1$

$x=1$ を②'に代入して、
 $2 \times 1 - y = 6$
 $-y = 4$
 $y = -4$

図 $(x, y) = (1, -4)$

係数が全部整数になるように変形してから解こう。

チェック2 $A=B=C$ の形の方程式

$$\begin{cases} x+2y=4x+5y=6 & A=B=C \\ A=C, B=C \text{の組み合わせにして解きます。} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+2y=6 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 4x+5y=6 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

①×4 $4x+8y=24$

② $-) 4x+5y=6$

$3y=18$ $y=6$

$y=6$ を①に代入して、
 $x+2 \times 6=6$ $x=-6$

図 $(x, y) = (-6, 6)$

$A=B, A=C$ や $A=B, B=C$ の組み合わせでも解けるよ。

1 係数に分数や小数がある連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} 3x+y=-2 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ \frac{1}{2}x+\frac{1}{4}y=-1 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

②×4より、 $2x+y=-4$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

① $3x+y=-2$

②' $-) 2x+y=-4$

$x=2$

$x=2$ を①に代入して、
 $3 \times 2 + y = -2$
 $y = -8$

$(x, y) = (2, -8)$

(3) $\begin{cases} 0.1x+0.2y=0.6 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ x-3y=1 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①×10より、 $x+2y=6$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

①' $x+2y=6$ \uparrow 右辺にも10をかける

② $-) x-3y=1$

$5y=5$ $y=1$

$y=1$ を②に代入して、
 $x-3 \times 1=1$
 $x=4$

$(x, y) = (4, 1)$

2 $A=B=C$ の形の方程式 次の方程式を解きなさい。

(1) $x-3y=2x-y=10$

$$\begin{cases} x-3y=10 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 2x-y=10 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

上のように組み合わせると、

①×2 $2x-6y=20$

② $-) 2x-y=10$

$-5y=10$ $y=-2$

$y=-2$ を①に代入して、
 $x-3 \times (-2)=10$
 $x=4$

$(x, y) = (4, -2)$

(2) $\begin{cases} \frac{1}{2}x-\frac{1}{3}y=1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ x+2y=10 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①×6より、 $3x-2y=6$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

①' $3x-2y=6$

② $+) x+2y=10$

$4x=16$ $x=4$

$x=4$ を②に代入して、
 $4+2y=10$
 $y=3$

$(x, y) = (4, 3)$

(4) $\begin{cases} 0.2x-1.5y=14 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 4x+3y=-50 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①×10より、
 $2x-15y=140$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

①'×2 $4x-30y=280$

② $-) 4x+3y=-50$

$-33y=330$ $y=-10$

$y=-10$ を②に代入して、
 $4x+3 \times (-10)=-50$
 $x=-5$

$(x, y) = (-5, -10)$

よくあるまちがいは、
 $\textcircled{1} \times 10$ より、
 $2x-15y=14$ \times

整数の項にも忘れずにかけよう。

(2) $4x-3y=-x+2y=-1$

$$\begin{cases} 4x-3y=-1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ -x+2y=-1 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

上のように組み合わせると、

① $4x-3y=-1$

②×4 $+) -4x+8y=-4$

$5y=-5$ $y=-1$

$y=-1$ を②に代入して、
 $-x+2 \times (-1)=-1$
 $x=-1$

$(x, y) = (-1, -1)$

B 実力をつけよう

1 いろいろな連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} y=2x-1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ \frac{x}{2}+\frac{y}{3}=2 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

②×6より、 $3x+2y=12$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$ \uparrow 2と3の最小公倍数

①を②'に代入して、
 $3x+2(2x-1)=12$
 $3x+4x-2=12$
 $7x=14$ $x=2$

$x=2$ を①に代入して、
 $y=2 \times 2 - 1 = 3$ $(x, y) = (2, 3)$

(2) $\begin{cases} 0.1x+0.15y=2 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ x+0.5y=10 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①×10より、 $10x+15y=200$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$ \uparrow 右辺にも100をかける

②×10より、 $10x+5y=100$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

①' $10x+15y=200$

②' $-) 10x+5y=100$

$10y=100$ $y=10$

$y=10$ を②'に代入して、
 $10x+5 \times 10=100$
 $x=5$

$(x, y) = (5, 10)$

小数第2位まであるときは、両辺に100をかけよう。

(3) $\begin{cases} 3x-17=2(x+y) & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ \frac{1}{2}x+\frac{1}{6}y=\frac{1}{3} & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①のかっこをはずして整理すると、
 $x-2y=17$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

②×6より、 $3x+y=2$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

①' $x-2y=17$

②'×2 $+) 6x+2y=4$

$7x=21$ $x=3$

$x=3$ を②'に代入して、
 $3 \times 3 + y = 2$ $y = -7$ $(x, y) = (3, -7)$

4と6の最小公倍数は、12だね。

(4) $\begin{cases} \frac{x}{4}+\frac{y}{6}=1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 0.5x=1.6-0.3y & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$

①×12より、 $3x+2y=12$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

②×10より、 $5x=16-3y$

$5x+3y=16$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

①'×3 $9x+6y=36$

②'×2 $-) 10x+6y=32$

$-x=4$ $x=-4$

$x=-4$ を①'に代入して、
 $3 \times (-4) + 2y = 12$ $y = 12$

$(x, y) = (-4, 12)$

2 $A=B=C$ の形の方程式 次の方程式を解きなさい。

$$2x+5y=4x+13y=4y+7$$

$$\begin{cases} 2x+5y=4x+13y & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 2x+5y=4y+7 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

上のように組み合わせると、

$-2x-8y=0$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

① $-2x-8y=0$

② $+) 2x+y=7$

$-7y=7$ $y=-1$

$y=-1$ を②に代入して、
 $2x+(-1)=7$
 $x=4$

$(x, y) = (4, -1)$

計算しやすい組み合わせを考えよう。

3 連立方程式の解の問題 連立方程式 $\begin{cases} ax+by=-1 \\ bx-ay=18 \end{cases}$ の解が、

$(x, y) = (2, -3)$ であるとき、 a, b の値を求めなさい。

連立方程式に $x=2, y=-3$ を代入して、

$$\begin{cases} a \times 2 + b \times (-3) = -1 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ b \times 2 - a \times (-3) = 18 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

①と②を a, b についての連立方程式として解くと、

$(a, b) = (4, 3)$ $a=4$ $b=3$

解が与えられたときは、まず、連立方程式に代入してみよう。

4 **★トライ!** 右のます目には縦、横、斜めに並ぶ3つの数の和が等しくなるように、それぞれ数字が入る。 a, b にあてはまる数字を求めなさい。

$3a$	b	-5
$-2b$	$-b$	
$-a$		

$$3a-2b-a=3a+b-5=-a-b-5$$

縦の列の和 横の列の和 斜めの列の和

$$\begin{cases} 3a-2b-a=3a+b-5 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 3a+b-5=-a-b-5 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

①を整理して、
 $a+3b=5$ $\cdots\cdots\textcircled{1}'$

②を整理して、
 $2a+b=0$ $\cdots\cdots\textcircled{2}'$

①'×2 $2a+6b=10$

②' $-) 2a+b=0$

$5b=10$ $b=2$

$b=2$ を①'に代入して、
 $a+3 \times 2=5$ $a=-1$

組み合わせ方はほかにもあるよ。計算しやすい組み合わせ方を考えよう。

$a = -1$ $b = 2$

A 基礎をおさえよう

1 代金の問題

1個50円のアメと1個80円のガムを合わせて10個買い、560円払った。アメを x 個、ガムを y 個買ったとして、 x, y についての連立方程式をつくりなさい。

個数の関係

$$\begin{cases} x+y=10 \\ 50x+80y=560 \end{cases}$$
 値段の関係

2 割合の問題

テニス部の去年の部員数は35人だったが、今年は男子が15%、女子が20%増え、全体で6人増えた。去年の男子を x 人、女子を y 人として、連立方程式をつくりなさい。

数量の関係を表にすると、

	男子	女子	合計
去年の部員数(人)	x	y	ウ
増えた部員数(人)	エ	オ	6

$$\begin{cases} x+y=ウ & 35 \\ \frac{エ}{100}x + \frac{オ}{100}y = 6 \end{cases}$$

3 速さの問題

A地点から800mはなれたB地点まで行くのに、はじめは分速60mで歩き、途中から分速180mで走ったところ、12分かかった。歩いた道のりを x m、走った道のりを y mとして、連立方程式をつくりなさい。



$$\begin{cases} x+y=800 \\ \frac{x}{60} + \frac{y}{180} = 12 \end{cases}$$

1 代金の問題

1個80円のみかんと1個150円のりんごを合わせて20個買った。代金の合計は2160円になった。みかんとりんごをそれぞれ x 個、 y 個買ったとして、次の問いに答えなさい。

(1) x, y についての連立方程式をつくりなさい。

個数についての方程式と、代金についての方程式をつくる。

$$\frac{\text{みかんの個数}}{x \text{個}} + \frac{\text{りんごの個数}}{y \text{個}} = 20 \text{ (個)} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\frac{\text{みかんの代金}}{(80 \times x) \text{円}} + \frac{\text{りんごの代金}}{(150 \times y) \text{円}} = 2160 \text{ (円)} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\begin{cases} x+y=20 \\ 80x+150y=2160 \end{cases}$$

(2) みかんとりんごをそれぞれ何個買いましたか。

(1)でつくった連立方程式を解く。

$$\textcircled{1} \times 80 \quad 80x + 80y = 1600$$

$$\textcircled{2} \quad -) \quad 80x + 150y = 2160$$

$$-70y = -560 \quad y = 8$$

$y=8$ を①に代入して、

$$x+8=20 \quad x=12$$

この解は問題にあっている。

みかん **12個** りんご **8個**

2 割合の問題

A中学校の去年の生徒数は310人だったが、今年は男子が5%、女子が2%増え、全体で11人増えた。去年の男子、女子の生徒数はそれぞれ何人だったか求めなさい。

去年の男子の生徒数を x 人、女子の生徒数を y 人とする。

$$\text{去年の生徒数の関係から, } x+y=310 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{増えた生徒数の関係から, } \frac{5}{100}x + \frac{2}{100}y = 11 \quad \dots \textcircled{2}$$

①, ②を連立方程式として解く。

$$\textcircled{1} \times 2 \quad 2x + 2y = 620$$

$$\textcircled{2} \times 100 \quad -) \quad 5x + 2y = 1100$$

$$-3x = -480$$

$$x = 160$$

$x=160$ を①に代入して、

$$160 + y = 310$$

$$y = 150$$

この解は問題にあっている。

男子 **160人** 女子 **150人**

3 速さの問題

ある人が家から1200mはなれた公園まで行くのに、はじめは分速50mで歩いていたが、途中から分速140mで走ったところ、家を出てから15分後に公園に着いた。歩いた道のりを x m、走った道のりを y mとして連立方程式をつくり、歩いた道のりと走った道のりをそれぞれ求めなさい。

$$\text{道のりの関係から, } x+y=1200 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{時間の関係から, } \frac{x}{50} + \frac{y}{140} = 15 \quad \dots \textcircled{2}$$

①, ②を連立方程式として解く。

$$\textcircled{1} \times 5 \quad 5x + 5y = 6000$$

$$\textcircled{2} \times 700 \quad -) \quad 14x + 5y = 10500$$

$$-9x = -4500$$

$$x = 500$$

$x=500$ を①に代入して、

$$500 + y = 1200$$

$$y = 700$$

この解は問題にあっている。

歩いた道のり **500m** 走った道のり **700m**

B 実力をつけよう

1 代金の問題

ショートケーキを5個とプリンを7個買い、代金として3810円払ったが、店員がショートケーキとプリンの値段をとりちがえて計算していたことに気づき、300円返してくれた。ショートケーキ1個の値段を x 円、プリン1個の値段を y 円として、次の問いに答えなさい。

(1) x, y についての連立方程式をつくりなさい。

正しい代金の関係から

$$\frac{x \times 5}{\text{ショートケーキ5個}} + \frac{y \times 7}{\text{プリン7個}} = 3810 - 300 \quad \dots \textcircled{1}$$

300円返してくれた値段をとりちがえて計算したときの代金の関係から

$$\frac{y \times 5}{\text{ショートケーキ5個}} + \frac{x \times 7}{\text{プリン7個}} = 3810 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\begin{cases} 5x + 7y = 3510 \\ 7x + 5y = 3810 \end{cases}$$

(2) ショートケーキ1個、プリン1個の値段をそれぞれ求めなさい。

(1)でつくった連立方程式を解く。

$$\textcircled{1} \times 7 \quad 35x + 49y = 24570$$

$$\textcircled{2} \times 5 \quad -) \quad 35x + 25y = 19050$$

$$24y = 5520 \quad y = 230$$

$y=230$ を①に代入して、 $x=380$

この解は問題にあっている。

ショートケーキ **380円** プリン **230円**

2 割合の問題

ある中学校の今年の生徒数は、去年より2人減って348人である。これを男女別にみると、男子は7%減り、女子は8%増えている。今年の女子の生徒数は何人ですか。

去年の男子の生徒数を x 人、女子の生徒数を y 人とする。

$$\text{去年の生徒数の関係から, } x+y=348+2$$

$$x+y=350 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{今年の男子の生徒数は, } x \times \left(1 - \frac{7}{100}\right) = \frac{93}{100}x \text{ (人),}$$

$$\text{今年の女子の生徒数は, } y \times \left(1 + \frac{8}{100}\right) = \frac{108}{100}y \text{ (人)で,}$$

$$\text{全体で348人だから, } \frac{93}{100}x + \frac{108}{100}y = 348 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \times 93 \quad 93x + 93y = 32550$$

$$\textcircled{2} \times 100 \quad -) \quad 93x + 108y = 34800$$

$$-15y = -2250$$

$$y = 150 \leftarrow \text{去年の女子の生徒数}$$

よって、今年の女子の生徒数は、

$$150 \times \frac{108}{100} = 162 \text{ (人)}$$

この解は問題にあっている。

162人

3 速さの問題

周囲5kmの池を、Aは自転車で、Bは歩いて、同じ場所を出発して反対の方向にまわる。2人が同時に出発すればAとBは20分後に会える。また、AがBよりも5分おくれて出発すれば、Bが出発してから24分後に2人は会えるという。A、Bそれぞれの速さは時速何kmですか。

道のりについての方程式を2通りつくる。

Aの速さを時速 x km、Bの速さを時速 y kmとする。

2人が同時に出発すると20分後に会えることから、

$$\frac{20}{60}x + \frac{20}{60}y = 5 \quad \dots \textcircled{1}$$

AがBよりも5分おくれて出発すると、

Aは $24-5=19$ (分)自転車で走り、

Bは24分歩いたときに会えるから、

$$\frac{19}{60}x + \frac{24}{60}y = 5 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \times 3 \quad x + y = 15 \quad \dots \textcircled{1}'$$

$$\textcircled{2} \times 60 \quad 19x + 24y = 300 \quad \dots \textcircled{2}'$$

$$\textcircled{1}' \times 24 \quad 24x + 24y = 360$$

$$\textcircled{2}' \quad -) \quad 19x + 24y = 300$$

$$5x = 60 \quad x = 12$$

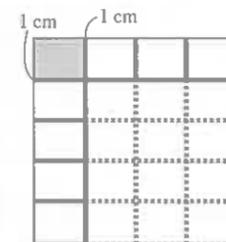
$x=12$ を①'に代入して、 $y=3$

この解は問題にあっている。

A **時速 12 km** B **時速 3 km**

4 トライ!

① 周の長さが76cmの長方形の色紙がある。この色紙を、右の図のように



② 1cmのりしろをとって、縦に5枚、横に4枚ずつはりあわせると、正方形ができる。この色紙1枚の縦と横の長さをそれぞれ求めなさい。

色紙1枚の縦の長さを x cm、横の長さを y cmとすると、色紙の周の長さの関係から、 $x+y=38$ …①

色紙をはりあわせてできた正方形の1辺の長さの関係から、

$$5x - 4 = 4y - 3 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$1 \times 4 \leftarrow \text{のりしろの合計} \rightarrow 1 \times 3$$

$$\textcircled{2} \text{を整理すると, } 5x - 4y = 1 \quad \dots \textcircled{2}'$$

$$\textcircled{1} \times 4 \quad 4x + 4y = 152$$

$$\textcircled{2}' \quad +) \quad 5x - 4y = 1$$

$$9x = 153 \quad x = 17$$

$x=17$ を①に代入して、 $y=21$

この解は問題にあっている。

縦の長さ **17 cm** 横の長さ **21 cm**

1 多項式の加法と減法

◆次の計算には、まちがいがありません。正しく直しなさい。

① $(x+3y)-(4x-5y)$
 ~~$=x+3y-4x-5y$~~
 $=x+3y-4x+5y$

!ここがミス
符号を変えていない!

↓(正しく直そう)

$=x+3y-4x+5y$

ひくほうの多項式の各項の符号はすべて変える!

✓注意! 符号は必ずチェック!

練習しよう!

次の計算をしなさい。

(1) $(a-3b)+(2a+b)$
 $=a-3b+2a+b$
 $=3a-2b$

$3a-2b$

(2) $(2x-4y)+(3x-5y)$
 $=2x-4y+3x-5y$
 $=5x-9y$

$5x-9y$

(3) $(2a+b)-(a-3b)$
 $=2a+b-a+3b$
 $=a+4b$

$a+4b$

(4) $(-x-y)-(x+y)$
 $=-x-y-x-y$
 $=-2x-2y$

$-2x-2y$

2 分数をふくむ多項式の計算

◆次の計算には、まちがいがありません。正しく直しなさい。

② $\frac{2x+y}{3} + \frac{3x+5y}{2}$
 ~~$=\frac{2(2x+y)+3(3x+5y)}{6}$~~
 $=\frac{2(2x+y)}{6} + \frac{3(3x+5y)}{6}$

!ここがミス
方程式ではないので、分母ははらえない!

分母をはらう

↓(正しく直そう)

$=\frac{2(2x+y)}{6} + \frac{3(3x+5y)}{6}$

通分しよう!

✓注意! 等式が成り立つかに着目!

練習しよう!

次の計算をしなさい。

(1) $\frac{a-2b}{3} + \frac{3a+b}{4}$

$=\frac{4(a-2b)+3(3a+b)}{12}$

$=\frac{4a-8b+9a+3b}{12}$

$=\frac{13a-5b}{12}$

$13a-5b$

(2) $\frac{x-3y}{4} - \frac{2x-y}{5}$

$=\frac{5(x-3y)-4(2x-y)}{20}$

$=\frac{5x-15y-8x+4y}{20}$

$=\frac{-3x-11y}{20}$

$-3x-11y$

3 単項式の乗法と除法

◆次の計算には、まちがいがありません。正しく直しなさい。

③ $6ab \div \frac{2}{9}a = 6ab \times \frac{9}{2}a$

!ここがミス $\frac{2}{9}a$ の逆数は $\frac{9}{2}a$ ではない!

$=6ab \times \frac{9}{2a}$

✓注意! $\div \frac{2}{9}a$ は $\div \frac{2a}{9}$ と

変形してから乗法になおそう!

④ $24x^2y \div 6x \times 2y$
 ~~$=\frac{24x^2y}{6x} \times 2y$~~
 $=\frac{24x^2y \times 2y}{6x}$

!ここがミス

$\times 2y$ を分母に書いてしまっている!

↓(正しく直そう)

$=\frac{24x^2y \times 2y}{6x}$

分数の形で書こう!

$24x^2y \times \frac{1}{6x} \times 2y$ であることから考えよう!

練習しよう!

次の計算をしなさい。

(1) $10ab^2 \div \frac{5}{2}b = 10ab^2 \times \frac{2}{5b}$

$=10ab^2 \times \frac{2}{5b}$

$=\frac{10 \times a \times b \times b \times 2}{5 \times b}$

$=4ab$

$4ab$

(2) $6x^2y^2 \div (-\frac{9}{10}xy) = 6x^2y^2 \times (-\frac{10}{9xy})$

$=6x^2y^2 \times (-\frac{10}{9xy})$

$=-\frac{6 \times x \times x \times y \times y \times 10}{3 \times 1 \times 1 \times y}$

$=-\frac{20}{3}xy$

$-\frac{20}{3}xy$

(3) $4ab^2 \div 2b \times (-3ab)$

$=4ab^2 \times \frac{1}{2b} \times (-3ab)$

$=\frac{4ab^2 \times 3ab}{2b}$

$=-6a^2b$

$-6a^2b$

(4) $(-2x)^2 \div (-y) \div 12x^2y$

$=4x^2 \times (-\frac{1}{y}) \times \frac{1}{12x^2y}$

$=-\frac{4x^2}{y \times 12x^2y}$

$=-\frac{1}{3y^2}$

$-\frac{1}{3y^2}$

除法は、わる式の逆数をかけて乗法になおそう。ミスを減らせるよ。



4 連立方程式の解き方(代入法)

練習しよう!

◆次の連立方程式の解き方には、まちがいがありません。正しく直しなさい。

⑤ $\begin{cases} 5x-y=7 & \dots\dots ① \\ y=x-3 & \dots\dots ② \end{cases}$

②を①に代入して、

~~$5x-x-3=7$~~

!ここがミス ()をつけずに代入している!

↓(正しく直そう)

$5x-(x-3)=7$

✓注意! 式は()をつけて代入!

()をつけずに符号をまちがえてしまうよ!

次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} 4x-y=7 & \dots\dots ① \\ y=-x-2 & \dots\dots ② \end{cases}$

②を①に代入して、

$4x-(-x-2)=7$

$4x+x+2=7$

$5x=5$

$x=1$

$x=1$ を②に代入して、

$y=-1-2$

$=-3$

$(x, y) = (1, -3)$

(2) $\begin{cases} -3x+4y=8 & \dots\dots ① \\ x=3y+9 & \dots\dots ② \end{cases}$

②を①に代入して、

$-3(3y+9)+4y=8$

$-9y-27+4y=8$

$-5y=35$

$y=-7$

$y=-7$ を②に代入して、

$x=3 \times (-7) + 9$

$=-21+9=-12$

$(x, y) = (-12, -7)$

5 分数や小数をふくむ連立方程式

練習しよう!

◆次の連立方程式の解き方には、まちがいがありません。正しく直しなさい。

⑥ $\begin{cases} \frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y = 2 & \dots\dots ① \\ 2x + y = -2 & \dots\dots ② \end{cases}$

①の両辺に4をかけて、

~~$\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y = 2$~~

!ここがミス

右辺に4をかけていない!

①の式を正しく変形しよう!

↓(正しく直そう)

$(\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y) \times 4 = 2 \times 4$

✓注意! 右辺を必ずチェック!

次の連立方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y = 3 & \dots\dots ① \\ x + 2y = 4 & \dots\dots ② \end{cases}$

①の両辺に6をかけて、

$(\frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y) \times 6 = 3 \times 6$

$3x + 4y = 18 \dots\dots ①'$

①' $3x + 4y = 18$

② $x + 2y = 4$

② $\times 2$ $-) 2x + 4y = 8$

$x = 10$

$x=10$ を②に代入して、

$10 + 2y = 4$

$2y = -6$

$y = -3$

$(x, y) = (10, -3)$

(2) $\begin{cases} -2x + y = 11 & \dots\dots ① \\ \frac{2}{3}x - \frac{1}{5}y = -3 & \dots\dots ② \end{cases}$

②の両辺に15をかけて、

$(\frac{2}{3}x - \frac{1}{5}y) \times 15 = -3 \times 15$

$10x - 3y = -45 \dots\dots ②'$

① $\times 3$ $-) -6x + 3y = 33$

②' $+) 10x - 3y = -45$

$4x = -12$

$x = -3$

$x = -3$ を①に代入して、

$-2 \times (-3) + y = 11$

$6 + y = 11$

$y = 5$

$(x, y) = (-3, 5)$

(3) $\begin{cases} 0.6x - 0.5y = 4 & \dots\dots ① \\ 2x + 3y = 4 & \dots\dots ② \end{cases}$

①の両辺に10をかけて、

$(0.6x - 0.5y) \times 10 = 4 \times 10$

$6x - 5y = 40 \dots\dots ①'$

①' $6x - 5y = 40$

② $\times 3$ $-) 6x + 9y = 12$

$-14y = 28$

$y = -2$

$y = -2$ を②に代入して、

$2x + 3 \times (-2) = 4$

$2x - 6 = 4$

$x = 5$

$(x, y) = (5, -2)$

(4) $\begin{cases} 2x + 3y = -8 & \dots\dots ① \\ 0.7x + 1.1y = -3 & \dots\dots ② \end{cases}$

②の両辺に10をかけて、

$(0.7x + 1.1y) \times 10 = -3 \times 10$

$7x + 11y = -30 \dots\dots ②'$

① $\times 7$ $14x + 21y = -56$

②' $\times 2$ $-) 14x + 22y = -60$

$-y = 4$

$y = -4$

$y = -4$ を①に代入して、

$2x + 3 \times (-4) = -8$

$2x - 12 = -8$

$x = 2$

$(x, y) = (2, -4)$

1 次の計算をしなさい。

(1) $4x-3y-6x+8y$
 $=4x-6x-3y+8y$
 $=(-2)x+(5)y$
 $=-2x+5y$

項を並べかえる
 $ma+na=(m+n)a$

(3) $5(x+2y)+3(6x-y)$
 $=5x+10y+18x-3y$
 $=5x+18x+10y-3y$
 $=23x+7y$

かっこをはずす
 同類項をまとめる

(5) $(-2a)^2 \times 4b$
 $=\{(-2a) \times (-2a)\} \times 4b$
 $=4a^2 \times 4b$
 $=16a^2b$

$(-2a)^2$ を
 さきに計算する

(7) $3xy \times (-4x) \div (-6y)$
 $=\frac{3xy \times 4x}{6y}$
 $=\frac{12x^2y}{6y}$
 $=2x^2$

$A \times B \div C = \frac{A \times B}{C}$
 ←約分する

2 次の問いに答えなさい。

(1) $a=3, b=-\frac{1}{2}$ のとき、 $6a-5b-4a-b$ の値を求めなさい。

$6a-5b-4a-b=2a-6b$
 $=2 \times 3 - 6 \times (-\frac{1}{2})$
 $=6+3$
 $=9$

負の数を入れるときは、かっこをつけるよ。

(2) 等式 $\frac{a+b+c}{3}=d$ を、 a について解きなさい。

$\frac{a+b+c}{3}=d$
 $a+b+c=3d$
 $a=3d-b-c$

両辺に3をかける

3 奇数と奇数の和は偶数になる。この理由を、次のように説明した。
 □にあてはまる式を答えなさい。

2×(整数)+1の形で表す

【説明】 m, n を整数とすると、2つの奇数は $2m+1$ 、□と表される。
 それらの和は、 $(2m+1)+(\square)=2m+2n+2$
 $=2(\square)$

異なる文字を使う

□イは整数だから、□ウは偶数である。2×(整数)の形したがって、奇数と奇数の和は偶数になる。

偶数であることを説明するには、2×(整数)の形で表されることを示せばよい。
 24……数学・2年・図・解答解説

(2) $(2a+b)-(5a-7b)$
 $=2a+b-5a+7b$
 $=(2-5)a+(1+7)b$
 $=-3a+8b$

かっこをはずす
 同類項をまとめる

(4) $\frac{1}{3}(x-y)-\frac{1}{6}(x+4y)$
 $=\frac{1}{3}x-\frac{1}{3}y-\frac{1}{6}x-\frac{4}{6}y$
 $=\frac{2}{6}x-\frac{1}{6}x-\frac{2}{6}y-\frac{4}{6}y$
 $=\frac{1}{6}x-y$

xの項、yの項をそれぞれ通分する

(6) $9x^2y^2 \div \frac{3}{4}xy$
 $=9x^2y^2 \times \frac{4}{3xy}$
 $=\frac{9 \times 4}{3} \times \frac{x^2}{x} \times \frac{y^2}{y} = 12xy$

よくあるまちがいは
 $=9x^2y^2 \times \frac{4}{3}xy$

(8) $-18x^2y \div (-9x) \div (-\frac{1}{2}xy)$
 $=-18x^2y \times (-\frac{1}{9x}) \times (-\frac{2}{xy})$
 $=-\frac{18x^2y \times 1 \times 2}{9x \times x \times y} = -4$

逆数をかける
 乗法になおす

1 (5点×8)(/40)

(1)	$-2x+5y$
(2)	$-3a+8b$
(3)	$23x+7y$
(4)	$\frac{1}{6}x-y \left[\frac{x-6y}{6} \right]$
(5)	$16a^2b$
(6)	$12xy$
(7)	$2x^2$
(8)	-4

2 (4点×2)(/8)

(1)	9
(2)	$a=3d-b-c$

3 (4点×3)(/12)

ア	$2n+1$
イ	$m+n+1$
ウ	$2(m+n+1)$

4 次の方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} 4x+7y=2 & \cdots\cdots\text{①} \\ 3x+4y=-1 & \cdots\cdots\text{②} \end{cases}$
 $\text{①} \times 3 \quad 12x+21y=6$
 $\text{②} \times 4 \quad -) 12x+16y=-4$
 $5y=10 \quad y=2$
 $y=2$ を②に代入して、
 $3x+4 \times 2=-1$
 $x=-3$

(2) $\begin{cases} 3(x-2y)-x+3y=7 & \cdots\cdots\text{①} \\ x=2y+4 & \cdots\cdots\text{②} \end{cases}$
 ①から、 $3x-6y-x+3y=7$
 $2x-3y=7 \cdots\cdots\text{①'}$
 ②を①'に代入して、
 $2(2y+4)-3y=7$
 $y=-1$
 $y=-1$ を②に代入して、
 $x=2 \times (-1)+4=2$

(3) $\begin{cases} \frac{x}{2}+\frac{y}{3}=5 & \cdots\cdots\text{①} \\ 4x-3y=-11 & \cdots\cdots\text{②} \end{cases}$
 ①×6 $3x+2y=30 \cdots\text{①'}$
 $\text{①}' \times 3 \quad 9x+6y=90$
 $\text{②} \times 2 \quad +) 8x-6y=-22$
 $17x=68$
 $x=4$

(4) $\begin{cases} 4x-7y=x-3y-10=-5 & \cdots\cdots\text{①} \\ 4x-7y=-5 & \cdots\cdots\text{①} \end{cases}$
 $\text{①} \leftarrow A=C$
 $\text{②} \leftarrow B=C$
 ② から、 $x-3y=5 \cdots\text{②'}$
 ① $4x-7y=-5$
 $\text{②}' \times 4 \quad -) 4x-12y=20$
 $5y=-25 \quad y=-5$

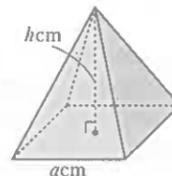
①の式の右辺の5にも、忘れずに6をかけよう。



$x=4$ を①'に代入して、
 $3 \times 4 + 2y = 30$
 $y=9$

$y=-5$ を②'に代入して、
 $x-3 \times (-5)=5$
 $x=-10$

5 底面の1辺の長さがa cm、高さがh cmの正四角錐がある。このとき、次の問いに答えなさい。



(1) この正四角錐の体積を $V \text{ cm}^3$ とするとき、 V を a, h を使った式で表しなさい。

$V = \frac{1}{3} \times a \times a \times h = \frac{1}{3} a^2 h$

(2) この正四角錐の底面の1辺の長さを3倍にし、高さを半分にする、体積はもとの正四角錐の体積の何倍になりますか。

底面の1辺の長さを3倍にし、高さを半分にした正四角錐の体積を V' とすると、

$V' = \frac{1}{3} \times (3a)^2 \times \frac{1}{2}h = \frac{3}{2} a^2 h$
 $V' \div V = \frac{3}{2} a^2 h \div \frac{1}{3} a^2 h = \frac{3a^2 h}{2} \times \frac{3}{a^2 h} = \frac{9}{2}$ (倍)

6 2種類のケーキA, Bがある。①A5個とB3個を買うと2350円、②A4個とB6個を買うと2600円である。A1個の値段をx円、B1個の値段をy円として、次の問いに答えなさい。

(1) x, y についての連立方程式をつくりなさい。

- ・問題文の①の関係から、 $5x+3y=2350$
- ・問題文の②の関係から、 $4x+6y=2600$

(2) A1個、B1個の値段を、それぞれ求めなさい。

連立方程式 $\begin{cases} 5x+3y=2350 \\ 4x+6y=2600 \end{cases}$ を解くと、 $(x, y) = (350, 200)$

この解は問題にあっている。

4 (5点×4)(/20)

(1)	$(x, y) = (-3, 2)$
(2)	$(x, y) = (2, -1)$
(3)	$(x, y) = (4, 9)$
(4)	$(x, y) = (-10, -5)$

5 (5点×2)(/10)

(1)	$V = \frac{1}{3} a^2 h$
(2)	$\frac{9}{2}$ 倍

6 (5点×2)(/10)

(1)	$\begin{cases} 5x+3y=2350 \\ 4x+6y=2600 \end{cases}$
A	350円
(2) B	200円